

# 62.03 Física II A / 62.04 Física II B / 82.02 Física II

---

Departamento de Física



**.UBAfiuba**   
FACULTAD DE INGENIERÍA

# Física II (Electricidad y Magnetismo)

## Clase 2

Profesora : Dra. Elsa Hogert

### LIBROS RECOMENDADOS

- Apuntes de la cátedra (Campus General de Física II)
- Sears- Zemansky -Tomo II
- Tepler, Tomoll
- Roederer, de electricidad y magnetismo (EUDEBA)
- Física para Ciencia de la Ingeniería, Mckelvey
- Serway- Jewett

# CAMPO ELECTRICO (Pag 1.1 a Pag 1.22)

$$\vec{F}_{01} = \frac{q_0 q_1 (\vec{r}_0 - \vec{r}_1)}{4\pi\epsilon_0 |\vec{r}_0 - \vec{r}_1|^3}$$

$$q_0 = +1C$$

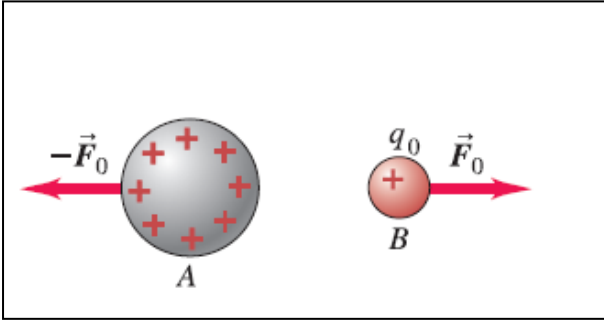
$$\vec{F}(q_0 = 1C)_B = \frac{1C q_A (\vec{r}_0 - \vec{r}_1)}{4\pi\epsilon_0 |\vec{r}_0 - \vec{r}_1|^3}$$

$$q_0 = +2C$$

$$\vec{F}(q_0 = 2C)_B = \frac{2C q_A (\vec{r}_0 - \vec{r}_1)}{4\pi\epsilon_0 |\vec{r}_0 - \vec{r}_1|^3} = 2\vec{F}_0$$

Si ahora B tiene una carga Q

$$\vec{F} = Q\vec{F}_0$$



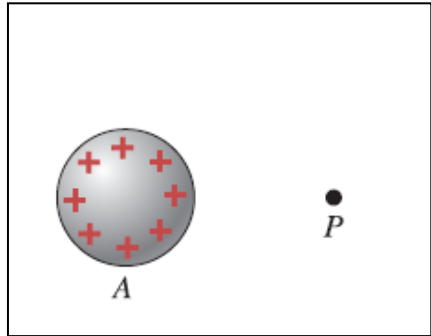
**CAMPO ELÉCTRICO**

$\vec{E}$

$\vec{E}$  (generado por la carga  $q_A$ ) en el punto  $\vec{P}$  es una magnitud vectorial que apunta en la dirección de la fuerza eléctrica.

Representa la fuerza que experimenta "la carga de prueba"

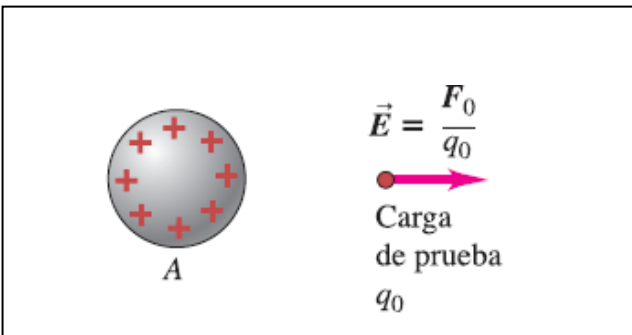
$q_0 = 1C$ , ubicada en el punto  $\vec{P}$  al interactuar con la carga A



$$[\vec{E}] = \frac{N}{C}$$

Una vez determinado el vector campo eléctrico  $E(q, \vec{r})$ , la fuerza eléctrica sobre un cuerpo con carga Q ubicado en  $\vec{r}$  es

$$\vec{F}_Q = Q\vec{E}(q, \vec{r})$$



Campo  $\vec{E}$  es un campo vectorial

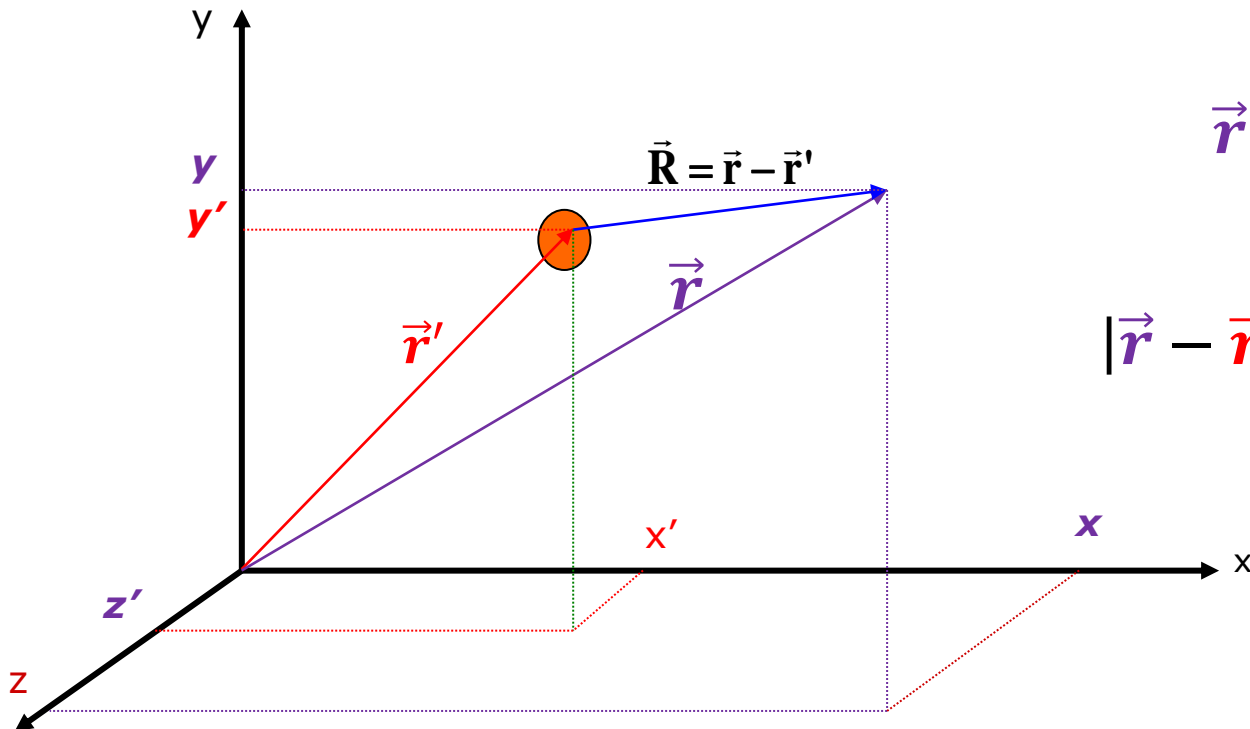
$$\vec{E}(x, y, z) = E_x(x, y, z)\hat{x} + E_y(x, y, z)\hat{y} + E_z(x, y, z)\hat{z}$$

$E_x = \text{cte}$ ,  $E_y = \text{cte}$ ,  $E_z = \text{cte}$   $\longrightarrow$   $\vec{E}$  es uniforme

Campo Eléctrico de una Carga puntual  $\vec{E}(q(\vec{r}'), \vec{r})$

$\vec{r} = \text{punto campo} = (x, y, z)$

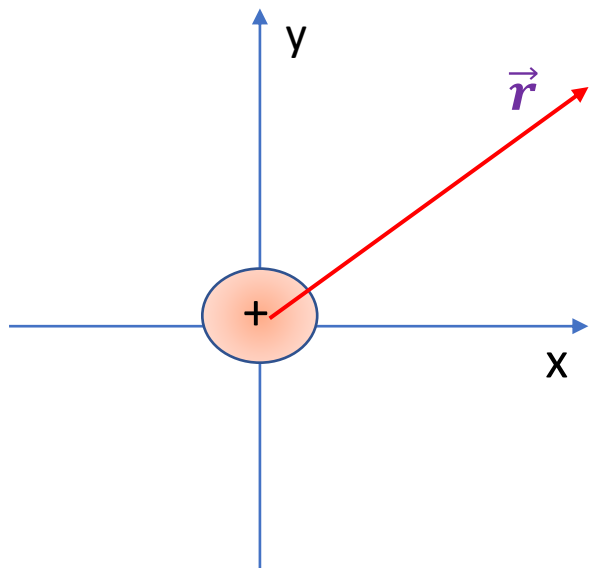
$\vec{r}' = \text{punto fuente} = (x', y', z')$



$$\vec{r} - \vec{r}' = (x - x', y - y', z - z') = \vec{R}$$

$$|\vec{r} - \vec{r}'| = \sqrt{(x - x')^2 + (y - y')^2 + (z - z')^2}$$

$$\vec{E}(x, y, z) = \frac{q}{4\pi\epsilon_0} \frac{(\vec{r} - \vec{r}')}{|\vec{r} - \vec{r}'|^3}$$



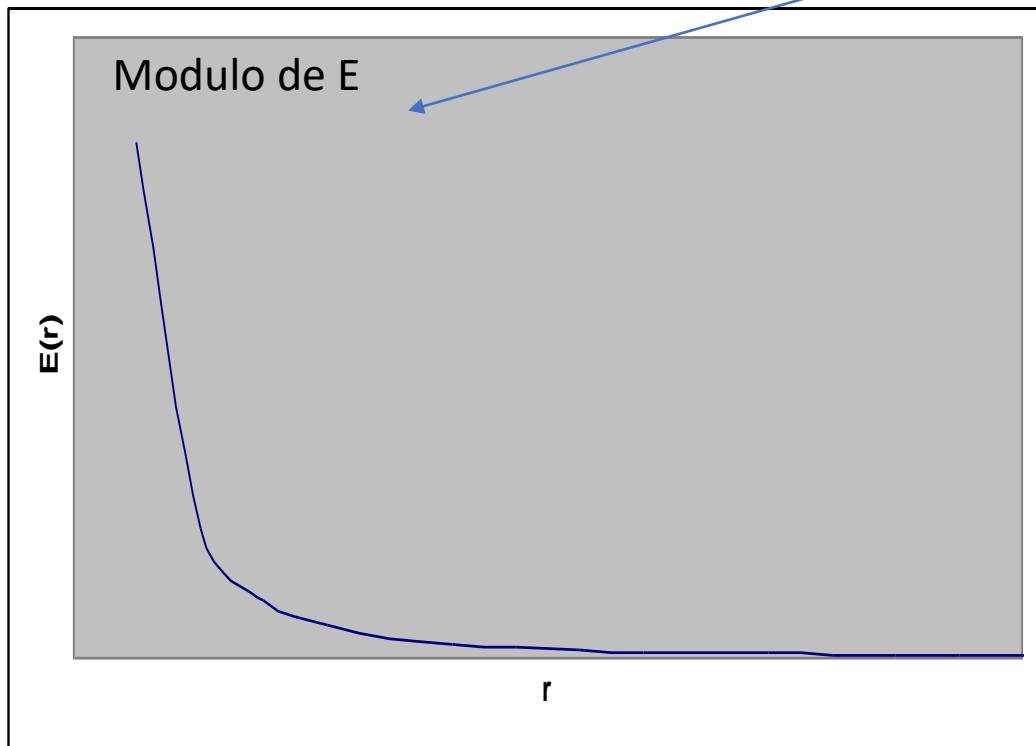
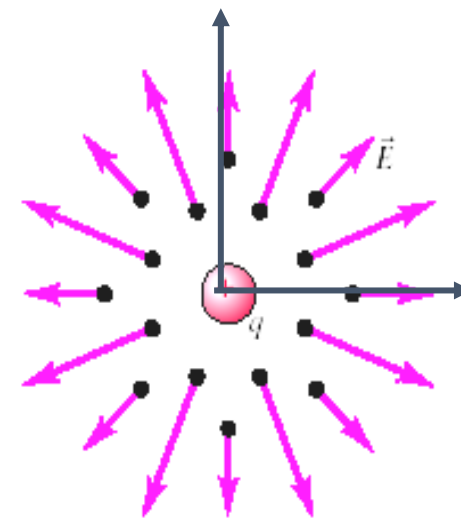
$$\vec{r}' = 0$$

$$\vec{r} - \vec{r}' = \vec{r}$$

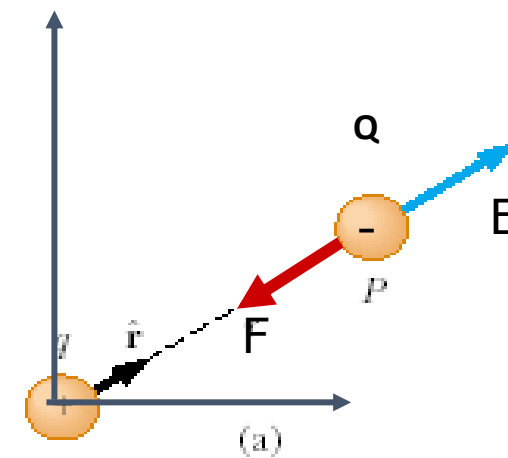
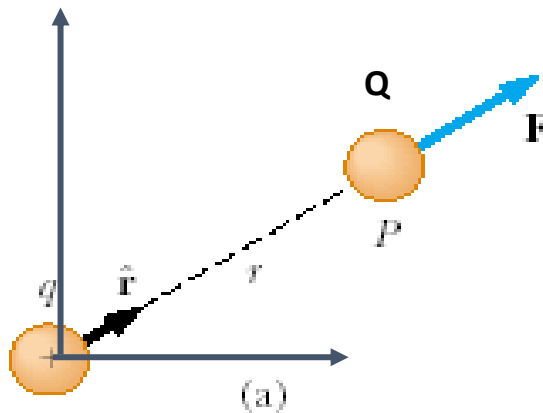
$$\vec{E}(x, y, z) = \frac{q}{4\pi\epsilon_0} \frac{\vec{r}}{|\vec{r}|^3}$$

$$\frac{\vec{r}}{|\vec{r}|^3} = \frac{\hat{r}}{|\vec{r}|^2}$$

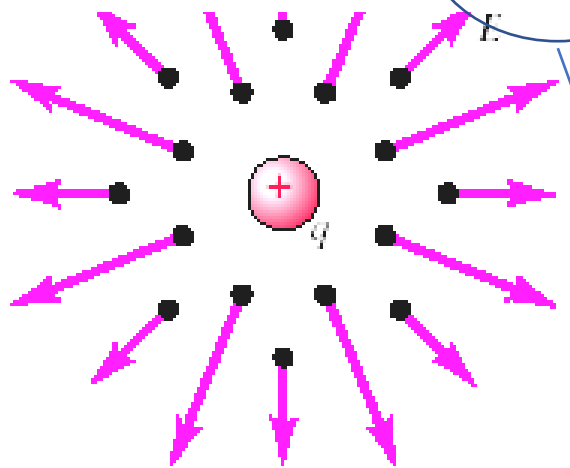
$$\vec{E}(x, y, z) = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q}{|\vec{r}|^2} \hat{r}$$



$$\vec{F}_Q = Q\vec{E}(q, \vec{r})$$



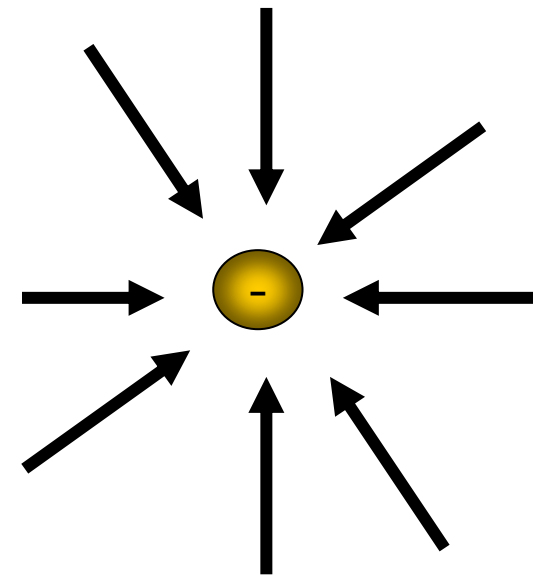
$$E_+(x, y, z) = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q}{|\vec{r}|^2} \hat{r}$$



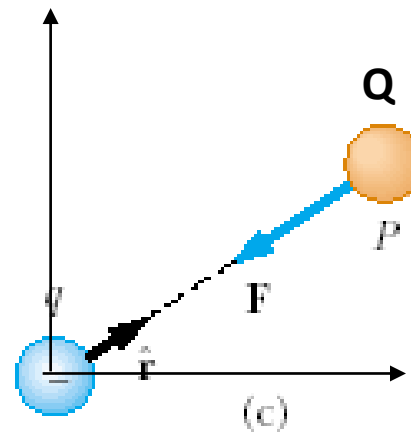
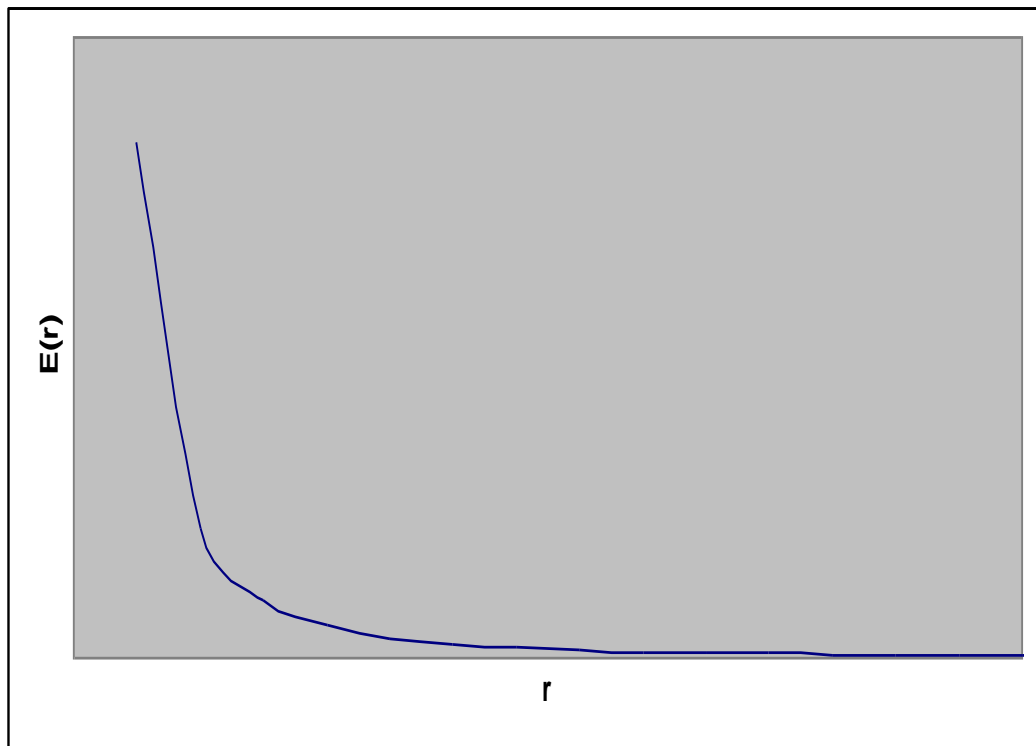
si  $q < 0$

$$q = -|q|$$

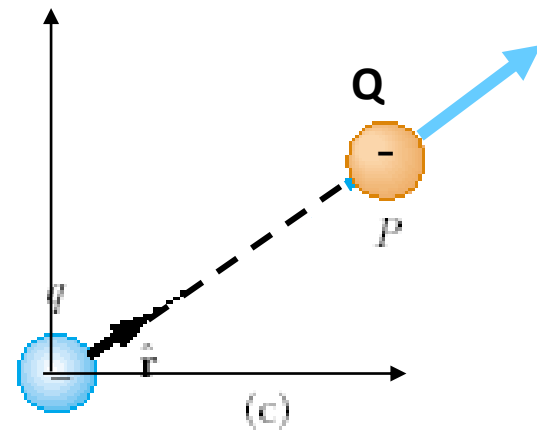
$$E_-(x, y, z) = -\frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{|q|}{|\vec{r}|^2} \hat{r}$$



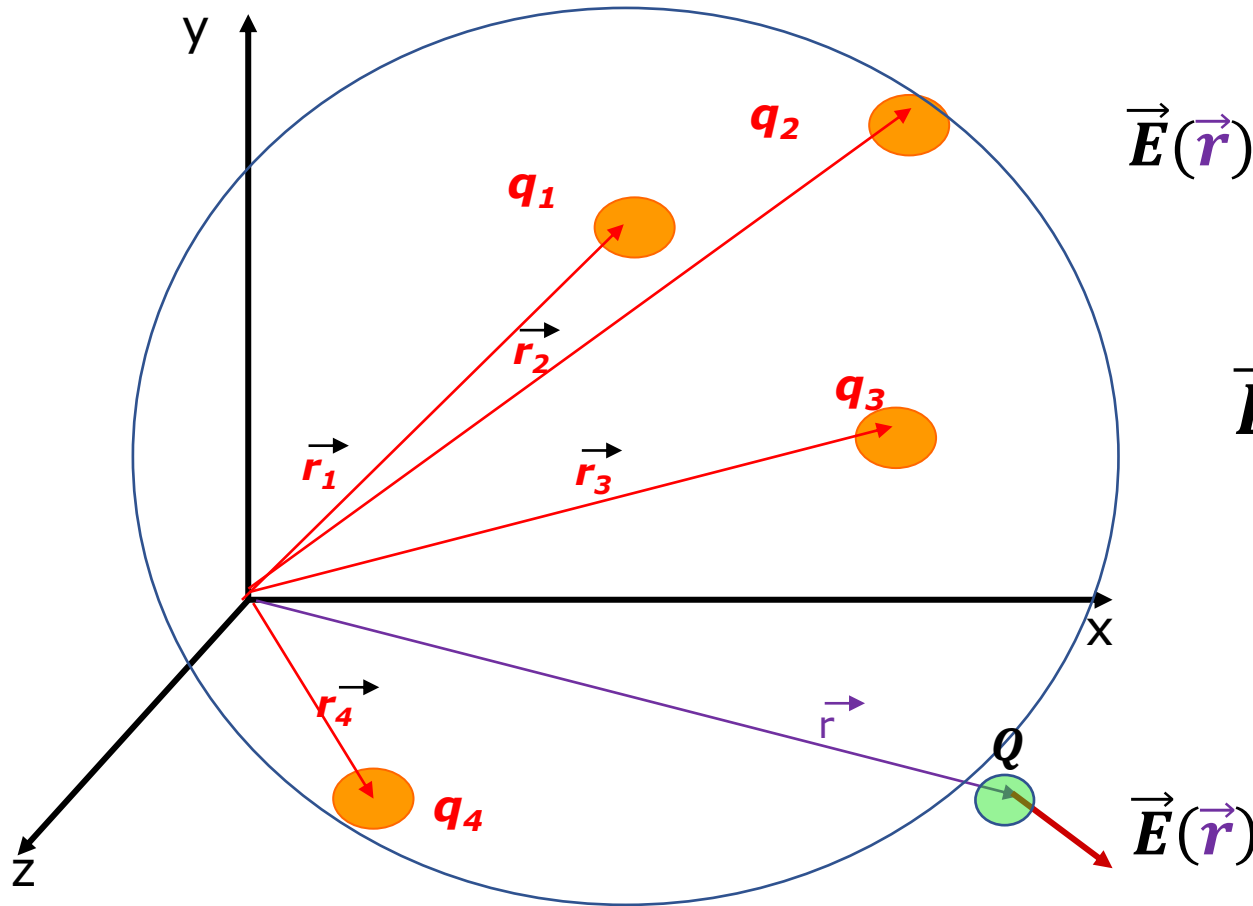
Modulo de E



$$\vec{F}_Q = Q\vec{E}(q, \vec{r})$$



# Campo Eléctrico debido a una conjunto de cargas



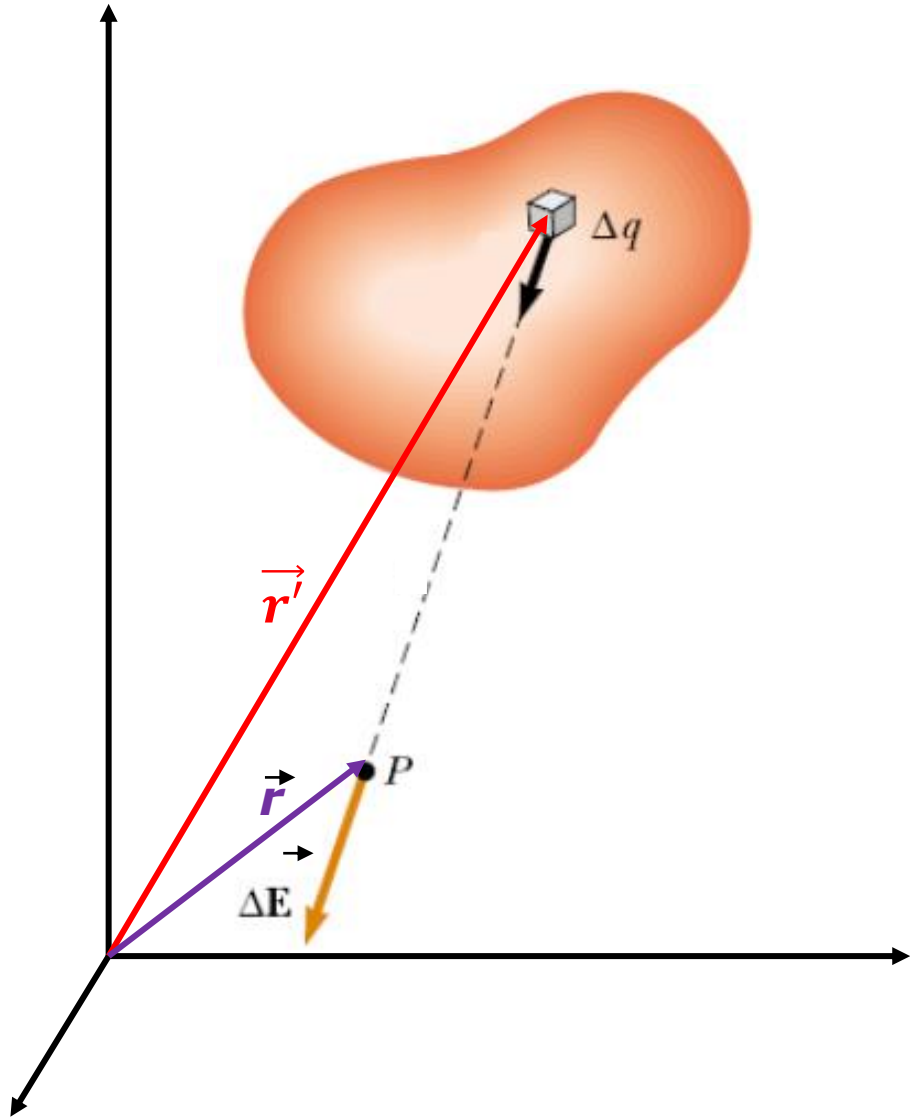
$$\vec{E}(\vec{r}) = \vec{E}_1(\vec{r}) + \vec{E}_2(\vec{r}) + \vec{E}_3(\vec{r}) + \vec{E}_4(\vec{r})$$

$$\vec{E}(\vec{r}) = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \sum_{i=1}^n \frac{q_i(\vec{r} - \vec{r}_i)}{|\vec{r} - \vec{r}_i|^3}$$

Una partícula de carga  $Q$ , situada en el punto  $r$ , experimentará una Fuerza electrostática

$$\vec{F} = Q \cdot \vec{E}(\vec{r})$$

# CAMPO ELECTRICO DE UNA DISTRIBUCIÓN CONTÍNUA DE CARGAS



$$\vec{E}(\vec{r}) = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \sum_{i=1}^n \frac{\Delta q_i (\vec{r} - \vec{r}_i)}{|\vec{r} - \vec{r}_i|^3}$$

$$\vec{E}(\vec{r}) = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \lim_{\Delta q_i \rightarrow 0} \left( \sum_{i=1}^n \frac{\Delta q_i (\vec{r} - \vec{r}_i)}{|\vec{r} - \vec{r}_i|^3} \right)$$

$$\vec{E}(\vec{r}) = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \int \frac{dq (\vec{r} - \vec{r}')}{|\vec{r} - \vec{r}'|^3}$$



Las cargas pueden estar distribuidas en una línea, en una superficie o en un volumen

En una distribución de carga lineal, se puede definir  $\lambda$  como la densidad lineal de carga (carga en cada unidad de longitud, medida en C/m).

$$dq = \lambda dl \quad q = \int \lambda(l) dl$$

Cuando la carga está distribuida sobre una superficie y  $\sigma$  es su densidad superficial de carga (medida en C/m<sup>2</sup>).

$$dq = \sigma ds \quad q = \iint \sigma(x, y) dx dy$$

Cuando la carga está distribuida en un volumen, y  $\rho$  su densidad volumétrica de carga (carga en cada unidad de volumen, C/m<sup>3</sup>).

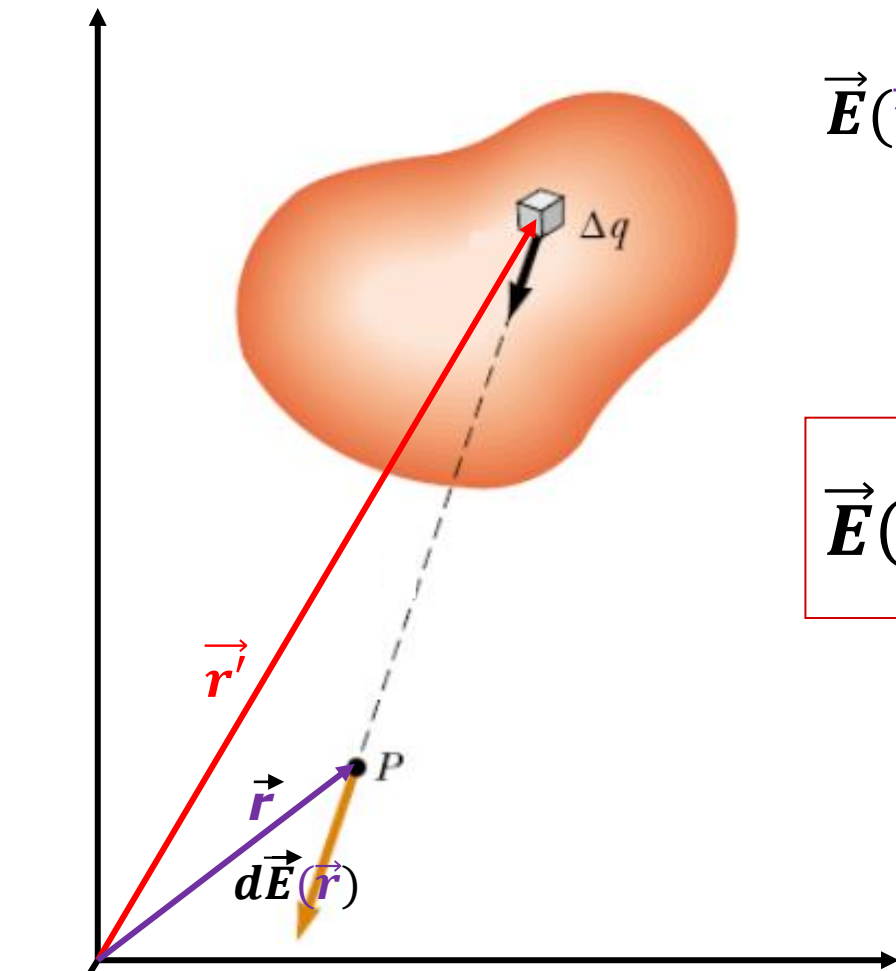
$$dq = \rho dv \quad q = \iiint \rho(x, y, z) dx dy dz$$

Si  $\rho, \lambda, \sigma$  no depende de las coordenadas

$$q = \rho \iiint dx dy dz$$

PUNTO CAMPO

PUNTO FUENTE



$$\vec{E}(\vec{r}) = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \int \frac{dq (\vec{r} - \vec{r}')}{|\vec{r} - \vec{r}'|^3}$$

$$dq = \rho(x', y', z') dv = \rho(x', y', z') dx dy' dz'$$

$$\vec{E}(\vec{r}) = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \int \frac{\rho(x', y', z') \cdot (\vec{r} - \vec{r}')}{|\vec{r} - \vec{r}'|^3} dx' dy' dz'$$

$$\vec{r} - \vec{r}' = (x - x', y - y', z - z') = \vec{R}$$

$$|\vec{r} - \vec{r}'| = \sqrt{(x - x')^2 + (y - y')^2 + (z - z')^2}$$

$$\vec{E}(\vec{r}) = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \iiint \frac{\rho(x', y', z') (x - x', y - y', z - z')}{[(x - x')^2 + (y - y')^2 + (z - z')^2]^{3/2}} dx' dy' dz'$$